

*The University of Jordan*  
*School of Engineering*  
*Department of Chemical Engineering*  
*Numerical Methods in Chemical Engineering (0935301)*

**Online Final Exam**

**يرجى قراءة التعليمات التالية والالتزام بها:**

1. تكون الإجابات جميعها بخط اليد فقط.
2. اكتب الإجابة كاملة ومفصلة بوضوح وبالترتيب مع وضع الجواب النهائي والوحدات اللازمة داخل مربع بشكل واضح.
3. اكتب اسمك ورقمك الجامعي على كل ورقة ورتب أوراق الإجابة بالترقيم الواضح.
4. قم بتصوير الأوراق وارسلها جميعاً في إيميل واحد فقط حيث لن ينظر في أكثر من إيميل للطالب ذاته.
5. بالنسبة للفرع الثاني في السؤال العاشر حله باستخدام الماتلاب فقط ومطلوب إرفاق ملف شغلك **m-files** مع الإيميل أيضاً.
6. وضوح الخط والصور مهم جداً حيث لن ينظر في كل ما هو غير مقروء.
7. ستكون صور الأوراق المرسلة وملف الماتلاب رسمية لأغراض التقييم لذا في حالات النقل الحرفي أو أي طريقة غش سيتحول كل من شارك بذلك إلى لجنة تحقيق وحسب تعليمات الجامعة.
8. أرسل اجاباتك (صور الأوراق وملف الماتلاب) الى الإيميل التالي فقط :

**chemawinumerical@gmail.com**

9. ضع اسمك ورقمك الجامعي في موضوع الإيميل، مثال:

From:	xxxxxxx@xxx.com
To :	chemawinumerical@gmail.com
Subject:	Final – Ahmad – (0123456)

10. موعد الامتحان هو اليوم الأحد 2020/8/16 الساعة 11:00 صباحاً ومدته ساعة واحدة فقط ويضاف 10 دقائق لغايات التسليم حيث لن يقبل أي ملف بعد 12:10 نهائياً.

مع امنياتي لكم بالسلامة والتوفيق

أ.د. نعيم الفقيير

**Write the answers with proper units for questions (Q1 to Q10), also show your detailed calculations and justifications for each answer.**

**Q1)** When will Newton-Raphson method fail for solving nonlinear algebraic equations?

**(2 points).**

---

**Q2)** What is the number of polynomials that can go through two fixed data points  $(x_1, y_1)$  and  $(x_2, y_2)$ ?

**(2 points).**

---

**Q3)** The necessary and sufficient condition for Gauss-Seidel method to converge is that the matrix of coefficients should be diagonally dominant. When will the square matrix  $[A]_{n \times n}$  be diagonally dominant?

**(2 points).**

**Q4)** The following data is regressed with least squares regression to  $y = a_1x$

$x$	1	20	30
$y$	1	$n$	800

Where  $n = 400 + N$

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).

The value of  $a_1$  is \_\_\_\_\_ (3 points).

---

**Q5)** For the following data

Flow rate, $F$ (gal/min)	$N$	129	145
Pressure, $P$ (psi)	11	17	25

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).

The exponent of the pressure in the regression model  $F = aP^b$  is \_\_\_\_\_ (3 points).

**Q6)** Food dependency of Bacteria growth rate, used in a wastewater treatment plant, is given by a saturation-growth-rate model:

$$k = k_{max} \frac{f}{N(K + f)}$$

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).

Where ( $k_{max}$ ) is the maximum attainable growth rate for large values of food ( $f$ ) and ( $K$ ) is the half-saturation constant. The constants ( $K$ ) and ( $k_{max}$ ) are empirical values based on experimental measurements of ( $k$ ) for various values of ( $f$ ). Measurements of ( $k$ ) versus ( $f$ ) for the yeast are shown in the table below:

Food, $f$ (mg/L)	9	15	25
Growth rate, $k$ (day <sup>-1</sup> )	0.37	0.48	0.65

The maximum attainable growth rate ( $k_{max}$ ) is \_\_\_\_\_ (3 points).

The half-saturation constant ( $K$ ) is \_\_\_\_\_ (3 points).

The coefficient of determination of the model ( $R^2$ ) is \_\_\_\_\_ (2 points).

Q7) A formula that predicts Fanning friction factor  $f$  in pipes given Reynold's number  $Re$  is called the von Karman equation;

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = 4 \log_{10}(Re\sqrt{f}) - 0.4 \quad \text{where } Re = N \times 10^3$$

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).

a) Specify the type of flow whether it is (**Laminar** or **Turbulent**):

note:  $Re < 10^4 \rightarrow \text{Laminar flow}$

$Re > 10^4 \rightarrow \text{Turbulent flow}$

The type of flow is \_\_\_\_\_ (2 points).

b) Solve for  $f$  using **False-Position method** between  $f = 0.001$  and  $f = 0.1$  by conducting three iterations only.

The values of  $f$  in: 1<sup>st</sup> iteration is \_\_\_\_\_ (2 points).

2<sup>nd</sup> iteration is \_\_\_\_\_ (2 points).

3<sup>rd</sup> iteration is \_\_\_\_\_ (2 points).

Q8) For the following PV data:

$$work = - \int_{V_1}^{V_2} N.P \, dV$$

Volume, $V(L)$	30	40	50	60
Pressure, $P \text{ (atm)}$	$0.45 \times N$	$0.23 \times N$	$0.17 \times N$	$0.15 \times N$

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).

The work done on the system using Trapezoidal rule is \_\_\_\_\_ (2 points).

The pressure applied on 47 L using Lagrange linear interpolation is \_\_\_\_\_ (2 points).

---

Q9) A mass balance for a chemical in a completely mixed reactor can be written as

$$\frac{dC}{dt} = 4e^{\left(\frac{8t}{N}\right)} - 0.5C$$

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).

If the chemical concentration was initially 2 ppm, use *Euler's method* and a step size of 1 min to find the concentration of the chemical after 3 min.

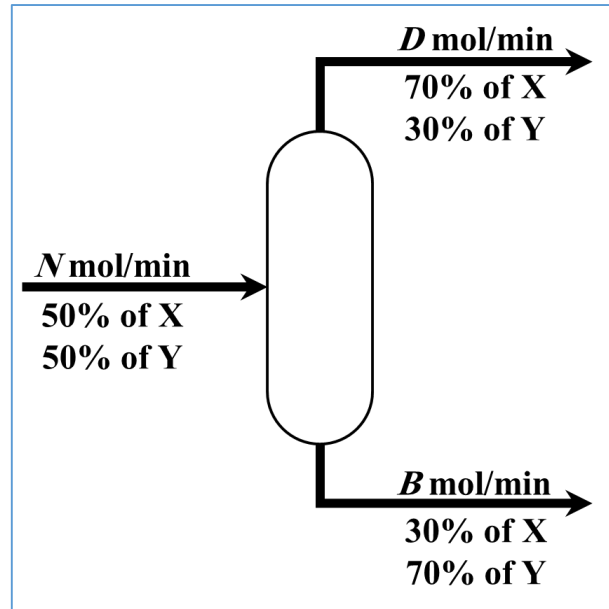
The chemical concentration after: 1 min is \_\_\_\_\_ (2 points).

2 min is \_\_\_\_\_ (2 points).

3 min is \_\_\_\_\_ (2 points).

**Q10)** For the following separation unit

Assume  $N$  is an integer that equals the last two digits of your University ID number from the right (آخر خانتين في رقمك الجامعي من اليمين).



a) By manual calculations only, calculate  $D$  and  $B$  using:

1. **Gauss Elimination method.**
2. **LU Factorization method.**

b) By MATLAB only, use **Gauss Seidel method** to compute  $D$  and  $B$ .

(Note: you have to attach MATLAB files [m-files] of your work and write the final answer).

Answers	Gauss Elimination	LU Factorization	Gauss Seidel
D	_____ (2 points)	_____ (3 points)	_____ (4 points)
B	_____ (2 points)	_____ (3 points)	_____ (4 points)

#Stay\_Safe

#Good\_Luck